



# クラウド環境での GPGPU線形ソルバーによる OpenFOAMの性能向上

株式会社 EQN

松村 茂

2015.11.28

# 自己紹介

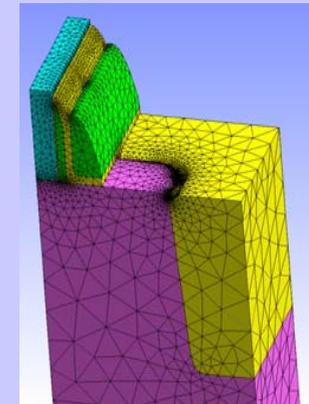
名前 松村 茂

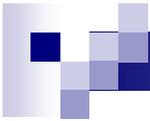
シミュレーター設計開発コンサルティング

株式会社EQN 代表取締役

## 株式会社EQN 業務内容

- 直交ベース半導体シミュレーターの四面体メッシュ化
- 半導体シミュレーターの3D自由形状作成機能開発
- 流体計算シミュレーターの新機能物理モデル開発
- 非構造メッシャー開発
- GPGPU高速ソルバー、CPU並列化ソルバー開発
- 計算環境のクラウド化





# 線形ソルバーとは？

# 並列化・線形ソルバー基礎

線形ソルバーとは

$$A \times \vec{x} = \vec{b} \quad (A \text{は行列})$$

- Aと $\vec{b}$ が既知の時 $\vec{x}$ を計算する。
- 陰解法を用いるシミュレーターはこれに依存する。
- 計算時間のほとんど全てがこの計算に消費される。

行列の種類

## 密行列

- 行列全体のほとんどが0以外の要素からなる。

## 疎行列

- 行列要素のほとんどが0からなる。
- 隣接する要素間の関係のみ必要とする計算行列は疎行列
- **OpenFOAMの流体・構造計算は疎行列計算**

# 並列化・線形ソルバー基礎

## ■ 線形行列ソルバーの種類

### 直接法(LU分解)

- 必ず何らかの解が得られる。
- 精度は保証されない。
- メモリ量 $O(n^2)$  (密行列)
- 計算時間 $O(n^3)$  (密行列)  
行列サイズ $n=1$ 万(1万 $\times$ 1万の行列)の  
計算に1秒かかる場合、  
 $n=1$ 億を計算するのに3万年以上かかる。

⇒ 大規模計算に向かない

### 反復法

- 発散等、解が得られる保証がない
- 解の精度は保証される
- 膨大なアルゴリズムがある  
CG、BiCG、BiCGStab、GMRES、  
AMG等  
⇒ **OpenFOAMではCG, BiCG,  
GAMG等**
- 前処理を用いて収束性を上げる  
ヤコビ、SOR、IC、ILU前処理等  
⇒ **OpenFOAMではDILU, DIC等**

# 並列化・線形ソルバー基礎

## 線形ソルバーの例

### PCG(Preconditioned Conjugate Gradient)

$$\mathbf{r}_0 := \mathbf{b} - \mathbf{A}\mathbf{x}_0$$

$$\mathbf{z}_0 := \mathbf{M}^{-1}\mathbf{r}_0$$

$$\mathbf{p}_0 := \mathbf{z}_0$$

$$k := 0$$

repeat

$$\alpha_k := \frac{\mathbf{r}_k^T \mathbf{z}_k}{\mathbf{p}_k^T \mathbf{A} \mathbf{p}_k}$$

$$\mathbf{x}_{k+1} := \mathbf{x}_k + \alpha_k \mathbf{p}_k$$

$$\mathbf{r}_{k+1} := \mathbf{r}_k - \alpha_k \mathbf{A} \mathbf{p}_k$$

if  $\mathbf{r}_{k+1}$  is sufficiently small then exit loop end if

$$\mathbf{z}_{k+1} := \mathbf{M}^{-1} \mathbf{r}_{k+1}$$

$$\beta_k := \frac{\mathbf{z}_{k+1}^T \mathbf{r}_{k+1}}{\mathbf{z}_k^T \mathbf{r}_k}$$

$$\mathbf{p}_{k+1} := \mathbf{z}_{k+1} + \beta_k \mathbf{p}_k$$

$$k := k + 1$$

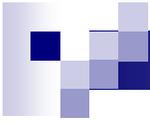
end repeat

The result is  $\mathbf{x}_{k+1}$

行列・ベクトル積計算

前処理計算

計算コスト ≒ 高速化の余地  
行列ベクトル積・前処理 > 内積 > ベクトル加減・定数倍  
特にILU前処理などは高コスト



GPGPUを実行するGPUデバイスとは？

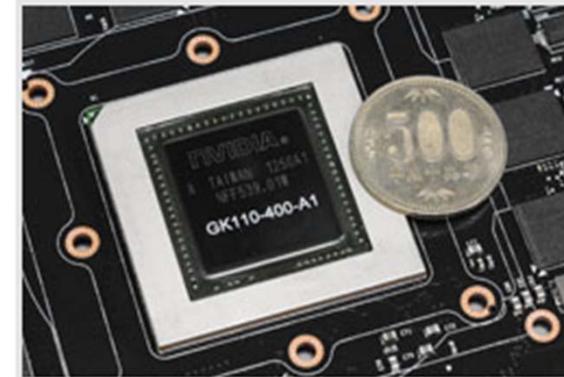
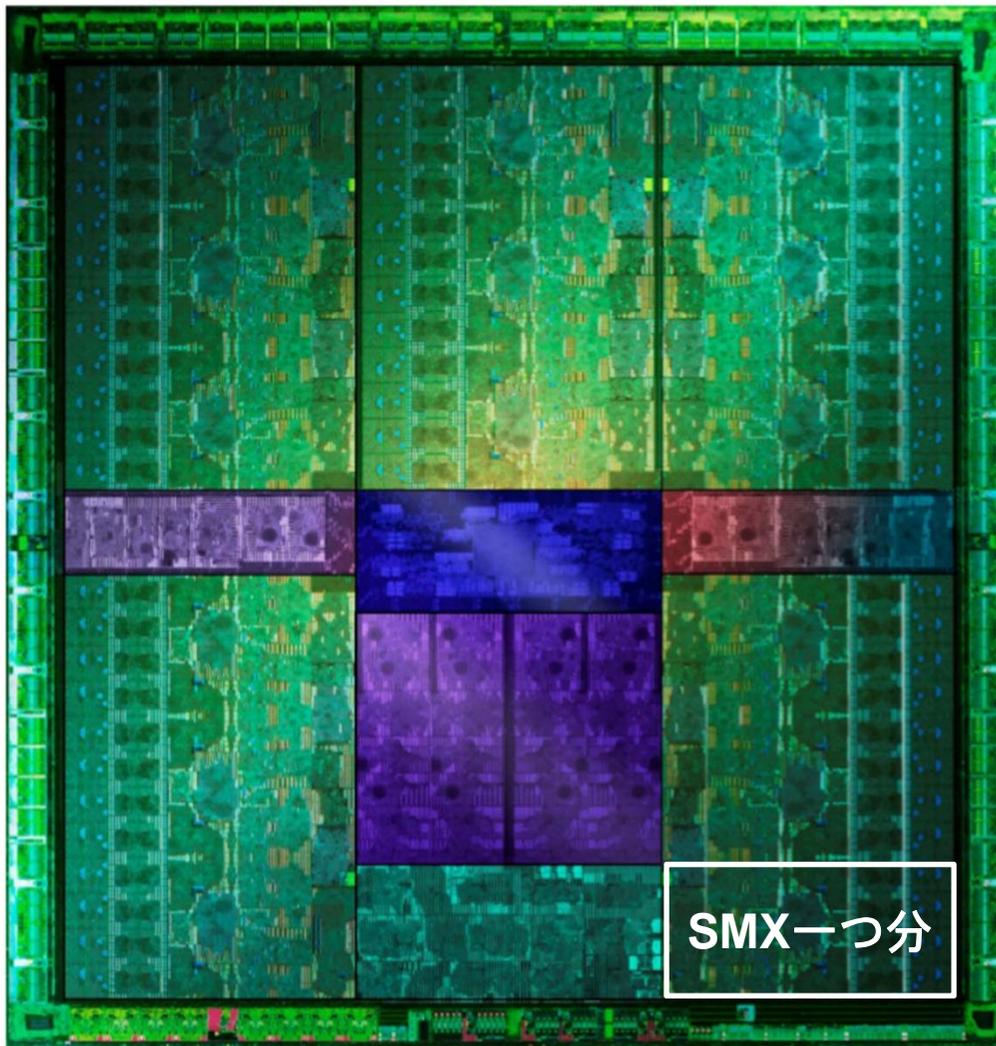
# GPGPUデバイスの例

10万円強で買える  
スーパーコンピューター



NVIDIA GeForce GTX Titan は11.12cm × 26.67cmの  
フルハイトPCIexのグラフィックカード

# GK110 (Kepler)世代のチップ概要



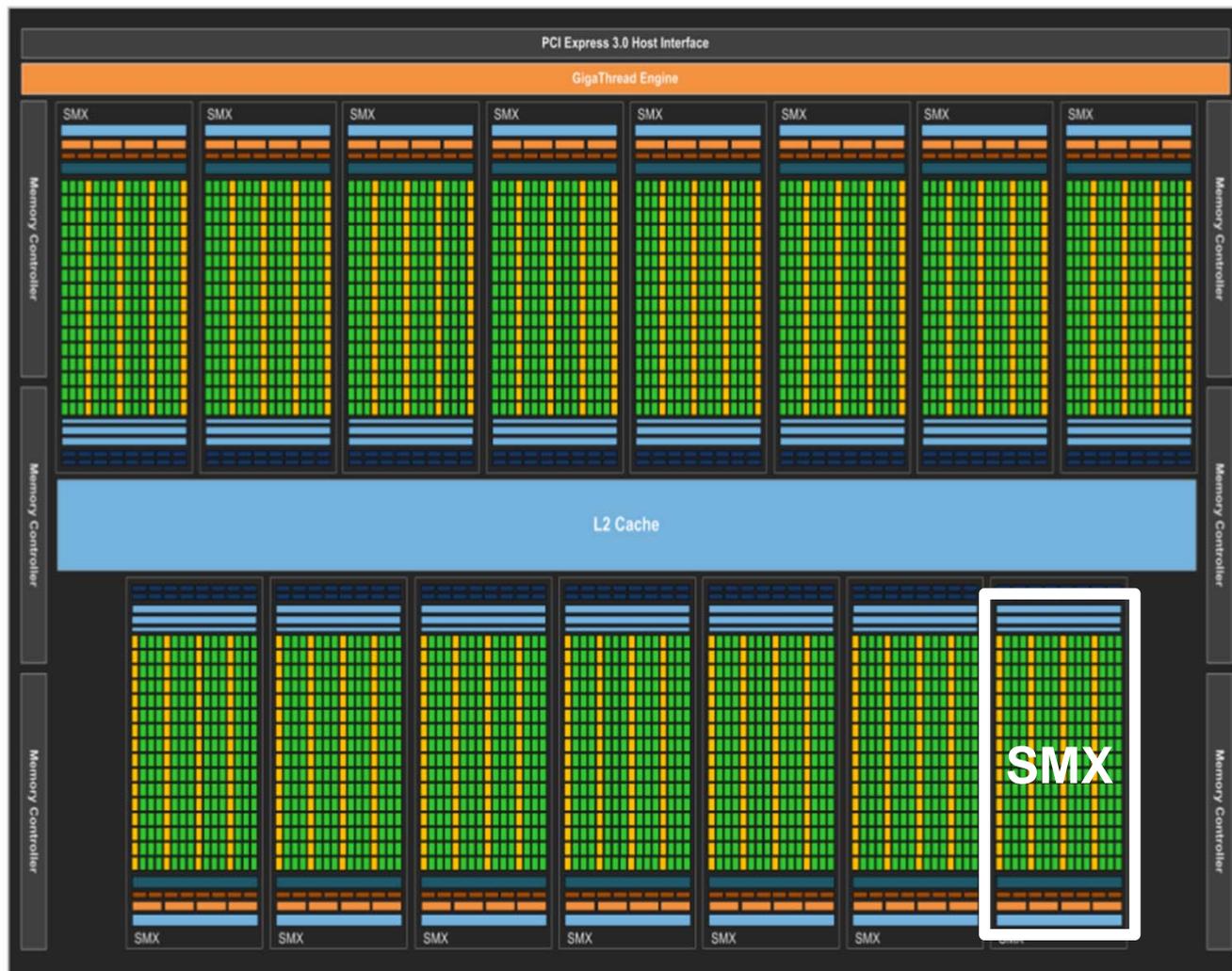
©4gamer.net

- トランジスタ数 71億個  
(Xeon 56xx系で12億)
- 28nmプロセス
- ダイサイズは  
23.5 × 24.3mm  
(500円玉より大きい)

NVIDIA

株式会社EQN

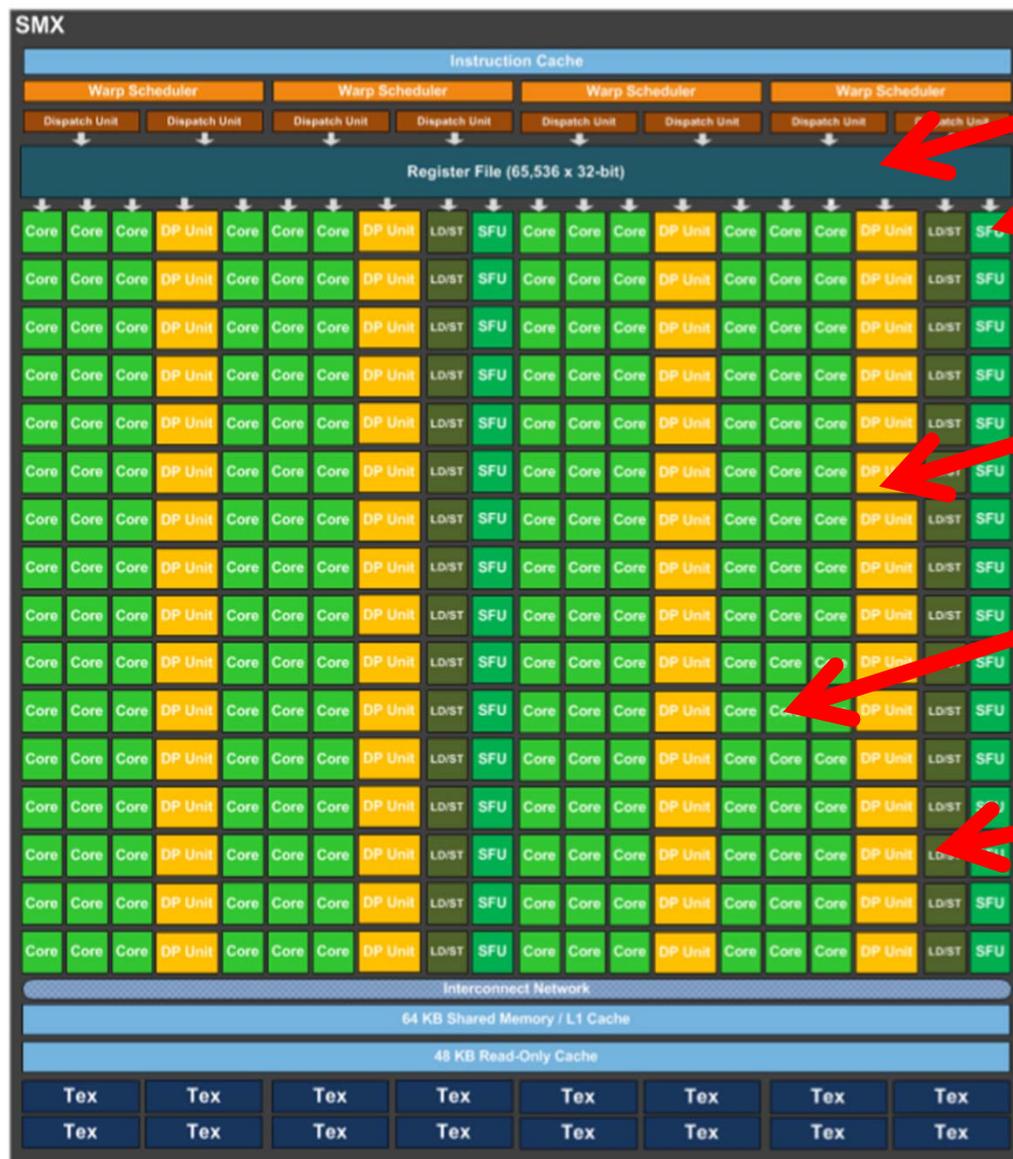
# GK110 (Kepler)世代 ブロックダイアグラム



NVIDIA

SMX(ストリーミングマルチプロセッサ)が15個分入っている  
Titan の場合は14個

# SMXブロックダイアグラム



レジスタ 65536個

特殊関数(sin,log等)ユニット32個

倍精度ユニット64個

単精度CUDAコア192個

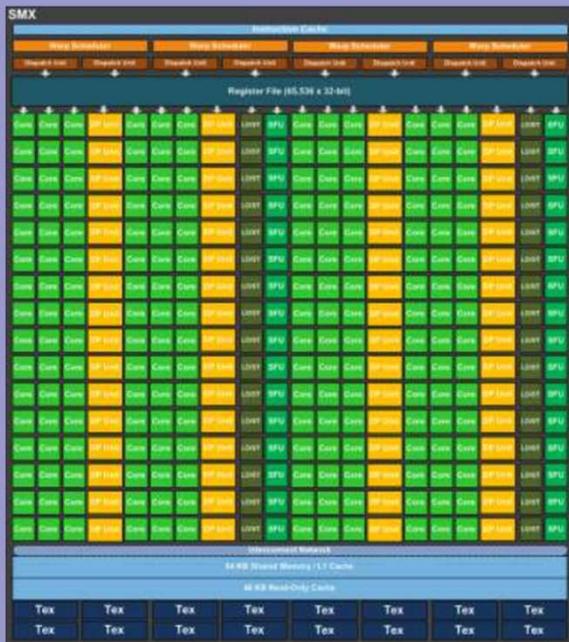
ロード/ストアユニット32個

SMX : 単精度 CUDA コア 192 個、倍精度ユニット 64 個、特殊関数ユニット (SFU) 32 個、ロード/ストア・ユニット (LD/ST) 32 個

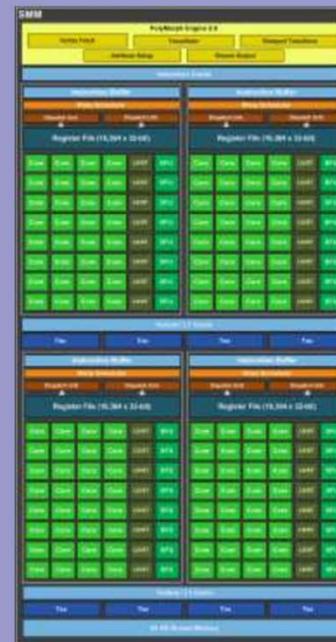
# 世代毎のストリームマルチプロセッサ



**Fermi**  
CC 2.0 : 32 cores / SM



**Kepler**  
CC 3.5 : 192 cores / SMX



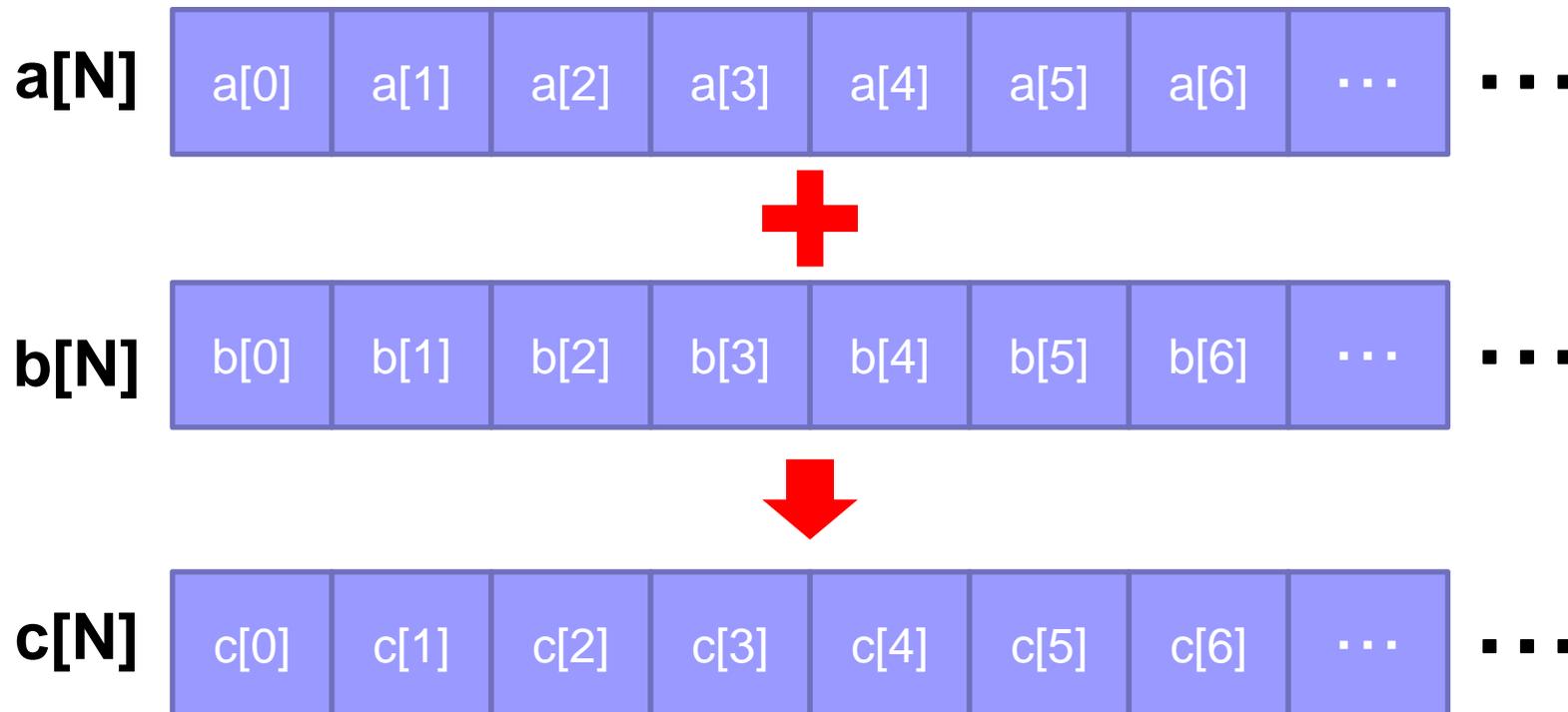
**Maxwell (1<sup>st</sup> gen)**  
CC 5.0 : 128 cores / SMM

NVIDIA

# 並列化・線形ソルバー基礎

## ■ cudaによる並列化の例

### ベクトル和の計算の例



# 並列化・線形ソルバー基礎

## ■ 各手法によるベクトル和の計算の違い

```
void add( int *a, int *b, int *c ) {  
    for ( int tid = 0; tid < N; tid++ ) {  
        c[tid] = a[tid] + b[tid];  
    }  
}
```

シングルCPU

c配列=a配列+b配列

```
void add( int *a, int *b, int *c ) {  
    #pragma omp parallel for  
    for ( int tid = 0; tid < N; tid++ ) {  
        c[tid] = a[tid] + b[tid];  
    }  
}
```

OpenMP

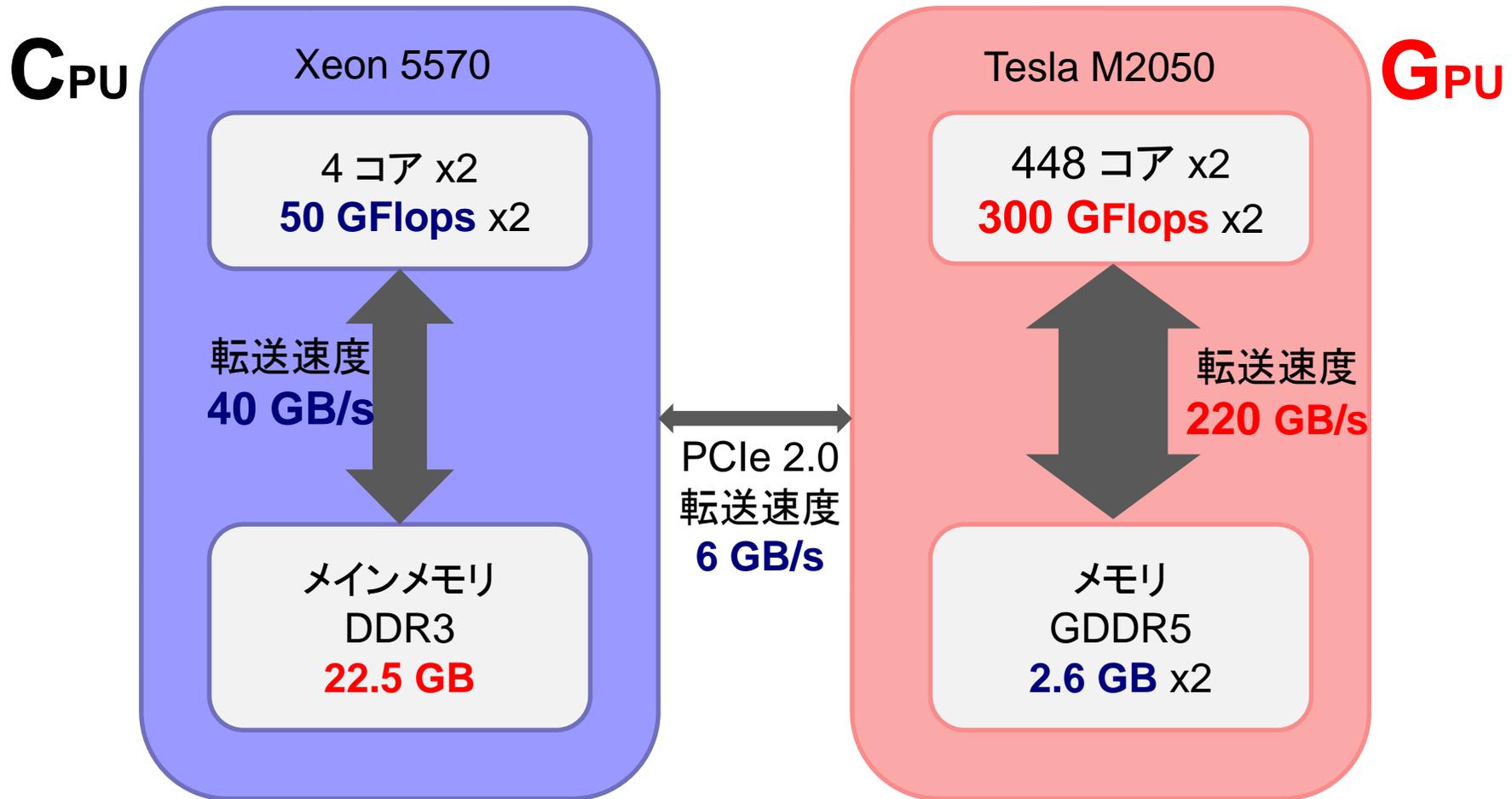
このループがCPU数に同時に展開される

```
__global__ void add( int *a, int *b, int *c) {  
    int tid = threadIdx.x + blockIdx.x * blockDim.x;  
    for( ; tid < N; tid += blockDim.x * gridDim.x ) {  
        c[tid] = a[tid] + b[tid];  
    }  
}
```

CUDA

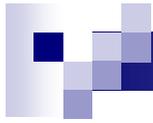
この関数がGPUコアに同時に展開される

# GPUシステムの概略・特徴(cg1.4xlarge)



(速度数値は全て概略値)

転送が極めて遅い  
いかに転送を減らすかに高速化はかかっている



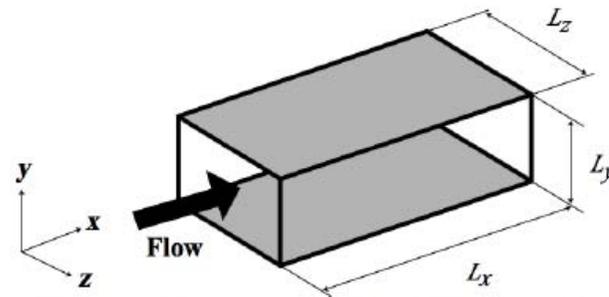
# Amazon EC2のGPGPUインスタンスでの ベンチマーク

# OpenCAE学会 OpenFOAMベンチマーク

(OpenCAE学会今野氏 資料)

## チャンネル流れケース

チャンネル流れケースchannelReTau110は、 $Re_\tau=110$ のチャンネル流れを非圧縮性の流体解析ソルバpimpleFoamを用いて解析するケースである。IwamotoらによるDNS計算のデータベース[1]がWEBで公開されているので、結果検証(Validation)が容易である。



$Re_\tau=110$

$$L_x \times L_y \times L_z = 5\pi \times 2 \times 2\pi$$

主流方向(X)は一定の圧力勾配  
その他の方向(Y, Z)は周期境界

図出典：松尾裕一，チャンネル乱流，日本流体力学会，ながれ22，pp.35-40,2 003

ここでは、channelReTau110のケースを対象にして、格子数、MPI並列数および圧力線型ソルバを変化させたベンチマークテストを行い、FX10の並列化効率や実行性能を簡易に調べる。channelReTau110ケースの設定詳細は省略する。

[1] K Iwamoto, K., 2002. "Database of Fully Developed Channel Flow," THTLAB Internal Report, No. ILR-0201. THTLAB, Dept. of Mech. Eng., The Univ. of Tokyo.

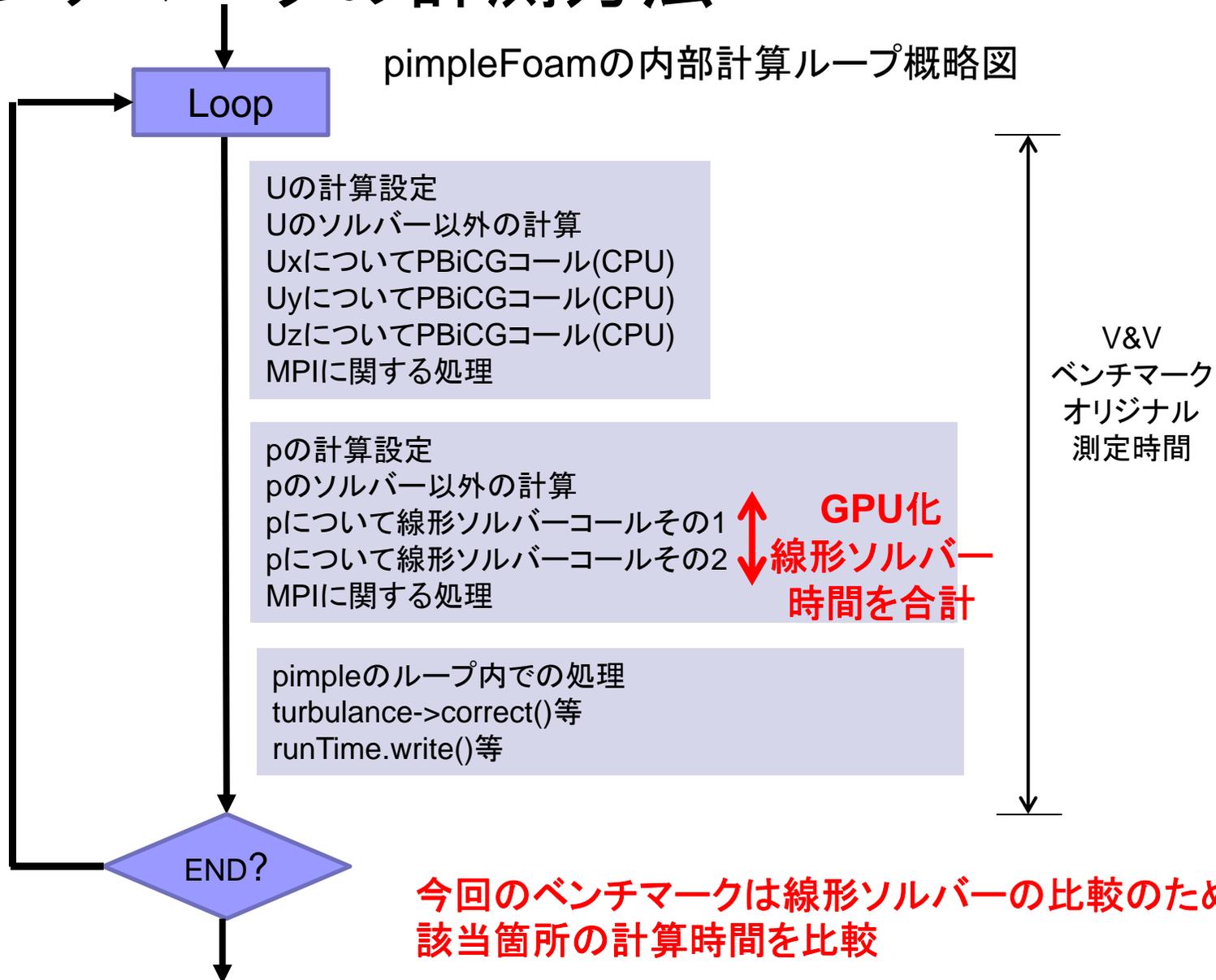
[http://thtlab.jp/DNS/dns\\_database.html](http://thtlab.jp/DNS/dns_database.html)

東京大学情報基盤センター第45回 FX10 スーパーコンピュータシステムお試しアカウント付き並列プログラミング講習会「OpenFOAM初級入門」99

OpenCAE学会のベンチマーク題材を用いてパフォーマンスを確認

# ベンチマークの計測方法

pimpleFoamの内部計算ループ概略図



# ベンチマークの計測方法

src/OpenFOAM/matrices/lduMatrix/solvers/PCG/PCG.Cの例

```
Foam::solverPerformance Foam::PCG::solve
```

```
(  
    scalarField& psi,  
    const scalarField& source,  
    const direction cmpt
```

```
) const
```

```
{
```

```
    timer_start(); // 追加
```



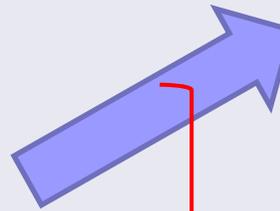
solve関数本体  
PCG法で $A \cdot x = b$ を解く

```
    timer_end(); // 追加
```

```
    return solverPerf;
```

```
}
```

GPUのCG法へ  
置き換わる



計測時間

# GPGPUソルバー比較

	Symscape ofgpu v1.1	EQN Solver	RapidCFD
形式	全体変更(patch)	ライブラリ	全体変更
GPU化部分	線形ソルバー	線形ソルバー	フルGPU
マルチGPU	× 各ホスト1GPU並列のみ	○	○
CG/BiCG	○	○	○
PCG/PBiCG diagonal	○	○	○
PCG/PBiCG DIC/DILU	○	○	×
PCG/PBiCG smoothed aggregation	○	○	×
GAMG	×	△	○
導入難易度	× v2.3は導入不可	◎ ファイル置くだけ	△ make難易度高

(弊社で勝手に移植改良)

# GPGPUソルバー比較

	Symscape ofgpu v1.1	EQN Solver	RapidCFD
形式	全体変更(patch)	ライブラリ	全体変更
GPU化部分	線形ソルバー	線形ソルバー	フルGPU
マルチGPU	× 各ホスト1GPU並列のみ	○	○
CG/BiCG	○	○	○
PCG/PBiCG diagonal	○	○	○
PCG/PBiCG DIC/DILU	○	○	×
前処理がAMG PCG/PBiCG smoothed aggregation	○	○	×
ソルバーがAMG GAMG	×	△	○
導入難易度	× v2.3は導入不可	◎ ファイル置くだけ	△ make難易度高

一般的手法で比較

AMG系で比較

(弊社で勝手に移植)

# Amazon EC2 GPUクラウド

## Amazon EC2 GPGPUインスタンススペック一覧



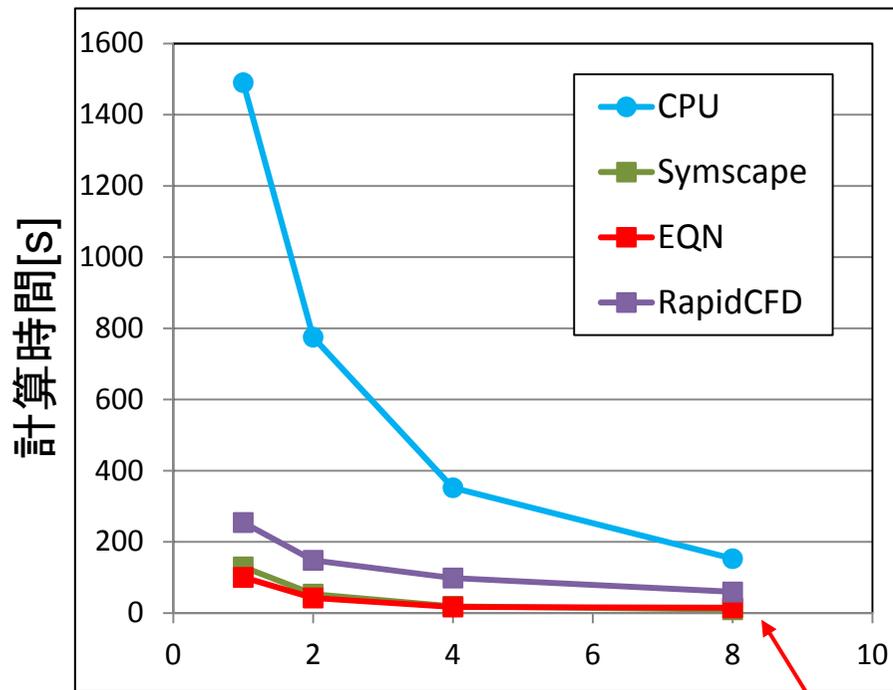
インスタンスタイプ	g2.2xlarge	cg1.4xlarge
CPU	Xeon E5-2670	Xeon X5570
メモリ	15GiB	22.5GiB
ECUs	26	33.5
vCPUs	8	16
ComputeCapability	3.0	2.0
GPU	Grid K520*1	Tesla M2050*2
GDDR5	4096 MB	2687 MB
CUDA Core	1536	448
GPU Clock	797 MHz	1147 MHz
Memory Clock	2.5 GHz	1546 MHz
単精度演算性能x1	1128 GFlops	585 GFlops
単精度演算性能x2		1155 GFlops
倍精度演算性能x1	<b>83 GFlops</b>	<b>286 GFlops</b>
倍精度演算性能x2		585 GFlops
料金(Virginia, RHEL)	\$0.65 / 1時間	\$2.10 / 1時間

まずはこちら



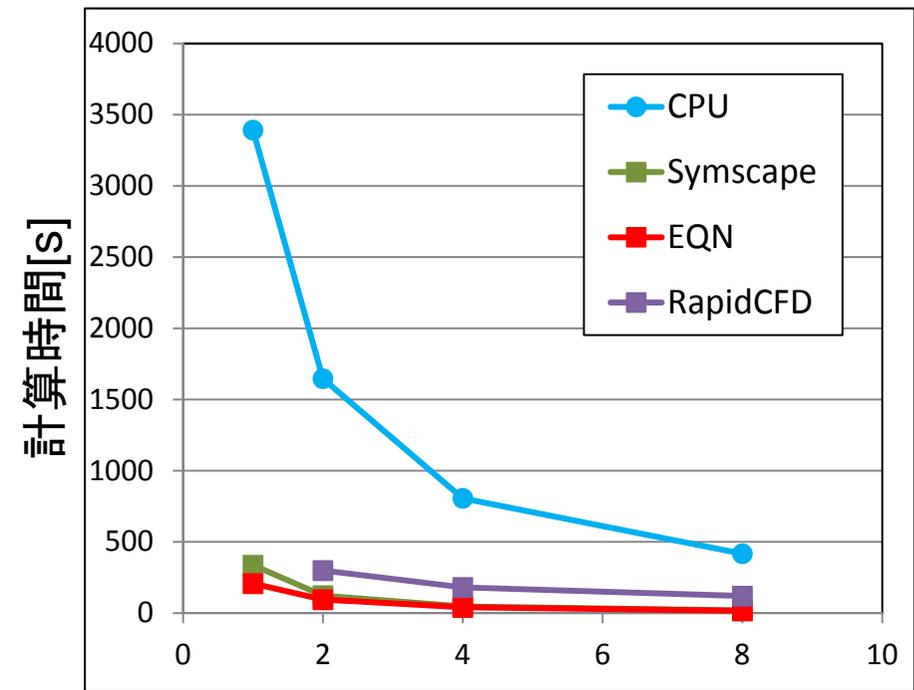
# ベンチマーク結果

※プロットの無いところはGPUメモリ不足のため計算できず



MPI並列数[#]  
300万要素

8並列は行列サイズ小さ過ぎて差が開かず。ほとんどが転送時間。

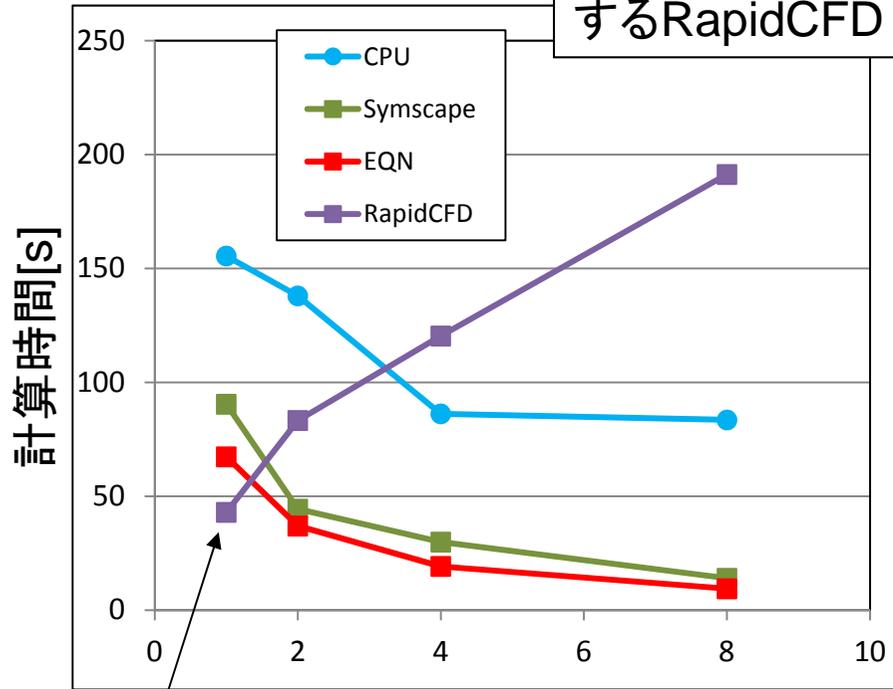


MPI並列数[#]  
600万要素

PCG-diagonal計算(g2インスタンス、Smagorinskyモデル)

# ベンチマーク結果

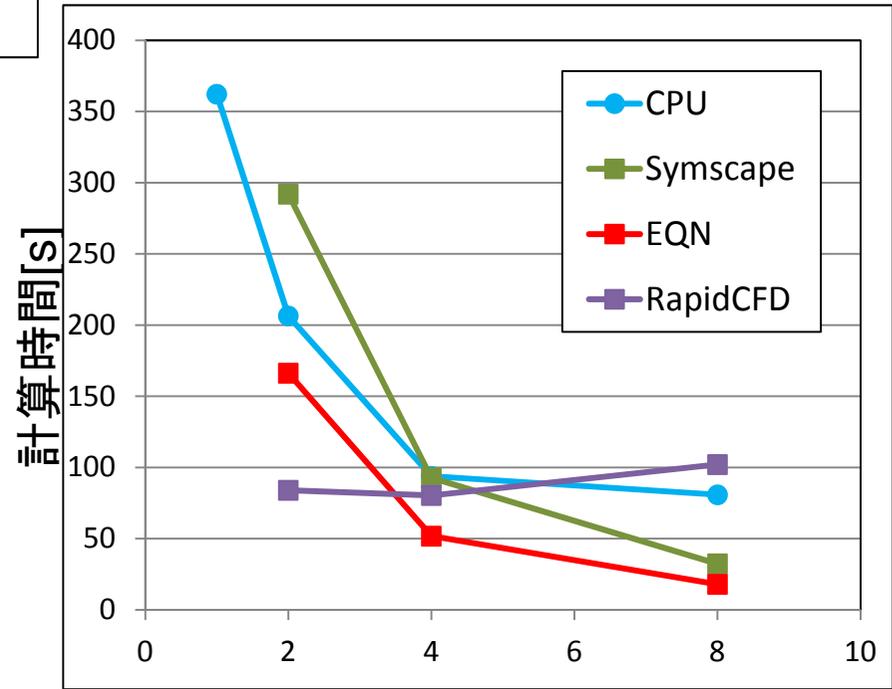
並列概念を無視するRapidCFD



1GPUは速い

MPI並列数[#]

300万要素



MPI並列数[#]

600万要素

AMG系計算(g2インスタンス、Smagorinskyモデル)

CPU、RapidCFDはGAMG

Symscape、EQNはPCG-Smoothed\_Aggregation

# Amazon EC2 GPUクラウド

## Amazon EC2 GPGPUインスタンススペック一覧



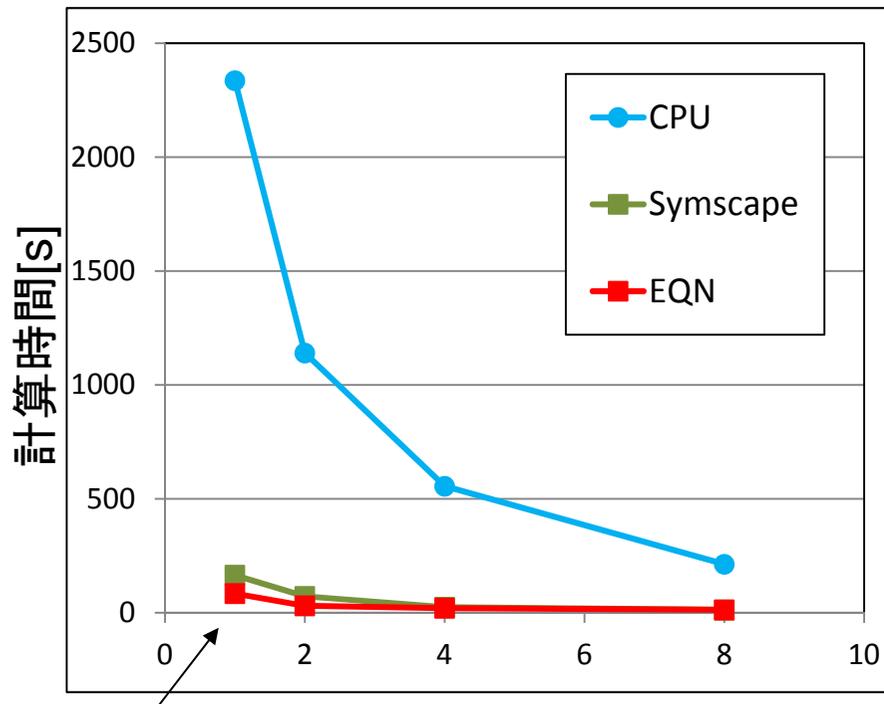
インスタンスタイプ	g2.2xlarge	cg1.4xlarge
CPU	Xeon E5-2670	Xeon X5570
メモリ	15GiB	22.5GiB
ECUs	26	33.5
vCPUs	8	16
ComputeCapability	3.0	2.0
GPU	Grid K520*1	Tesla M2050*2
GDDR5	4096 MB	2687 MB
CUDA Core	1536	448
GPU Clock	797 MHz	1147 MHz
Memory Clock	2.5 GHz	1546 MHz
単精度演算性能x1	1128 GFlops	585 GFlops
単精度演算性能x2		1155 GFlops
倍精度演算性能x1	<b>83 GFlops</b>	<b>286 GFlops</b>
倍精度演算性能x2		585 GFlops
料金(Virginia, RHEL)	\$0.65 / 1時間	\$2.10 / 1時間

次はこちら

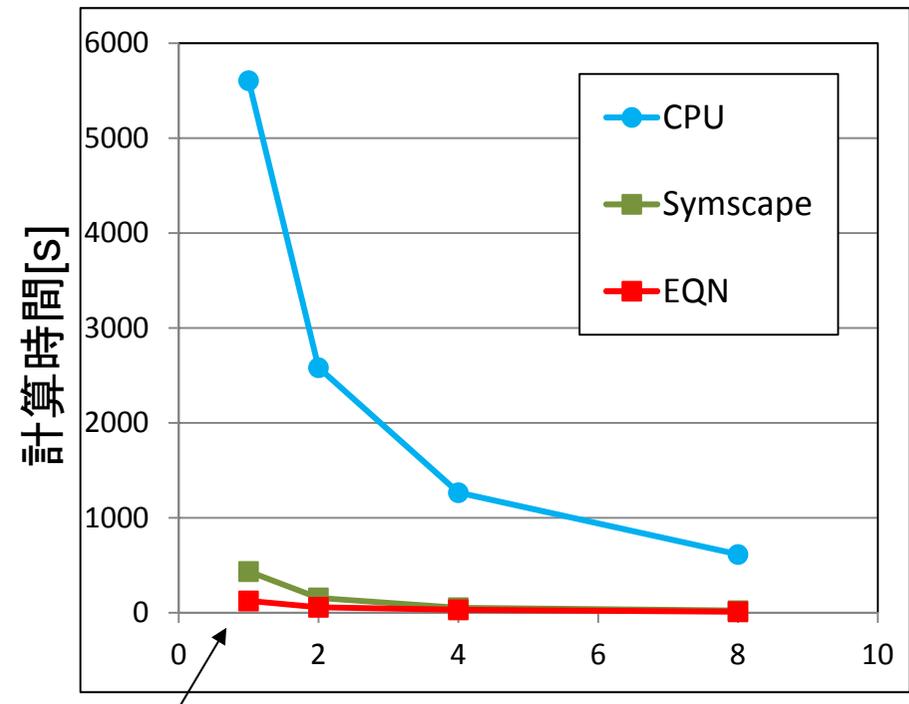


# ベンチマーク結果

※RapidCFDはComputeCapability3.0以上でないと計算不能のため起動せず



EQN/CPU比で  
27.8倍速  
MPI並列数[#]  
300万要素

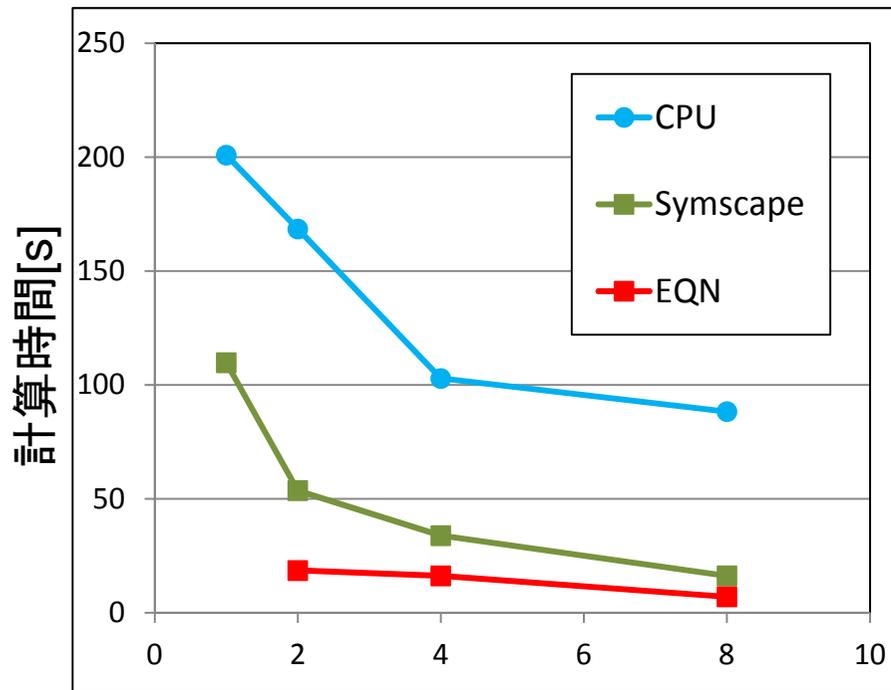


EQN/CPU比で  
45.1倍速  
MPI並列数[#]  
600万要素

PCG diagonal計算(cg1インスタンス、Smagorinskyモデル)

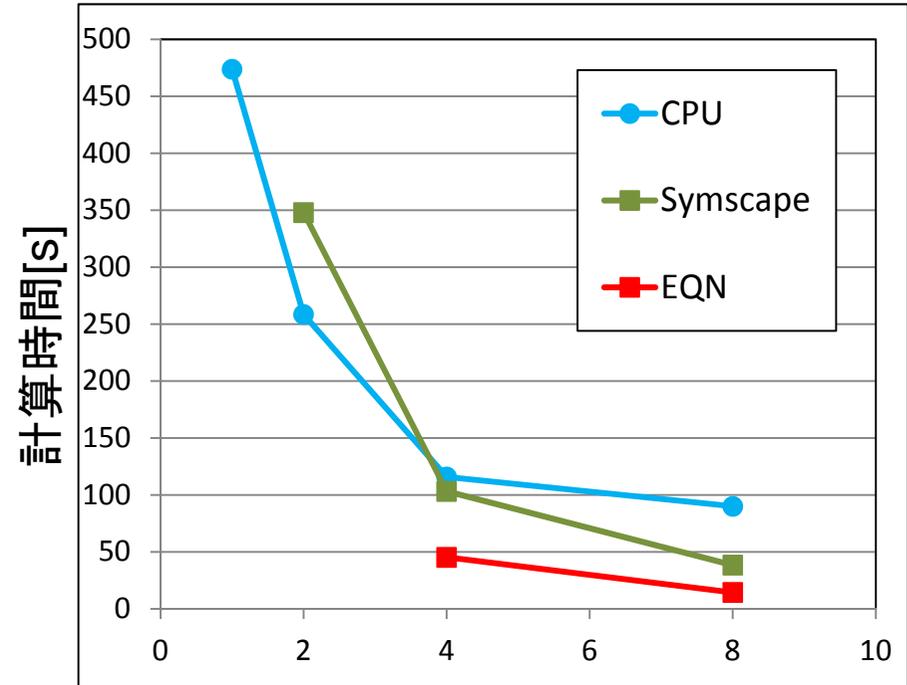
# ベンチマーク結果

※RapidCFDはComputeCapability3.0以上でないと計算不能のため起動せず



MPI並列数[#]

300万要素



MPI並列数[#]

600万要素

AMG系計算(g2インスタンス、Smagorinskyモデル)

CPUはGAMG

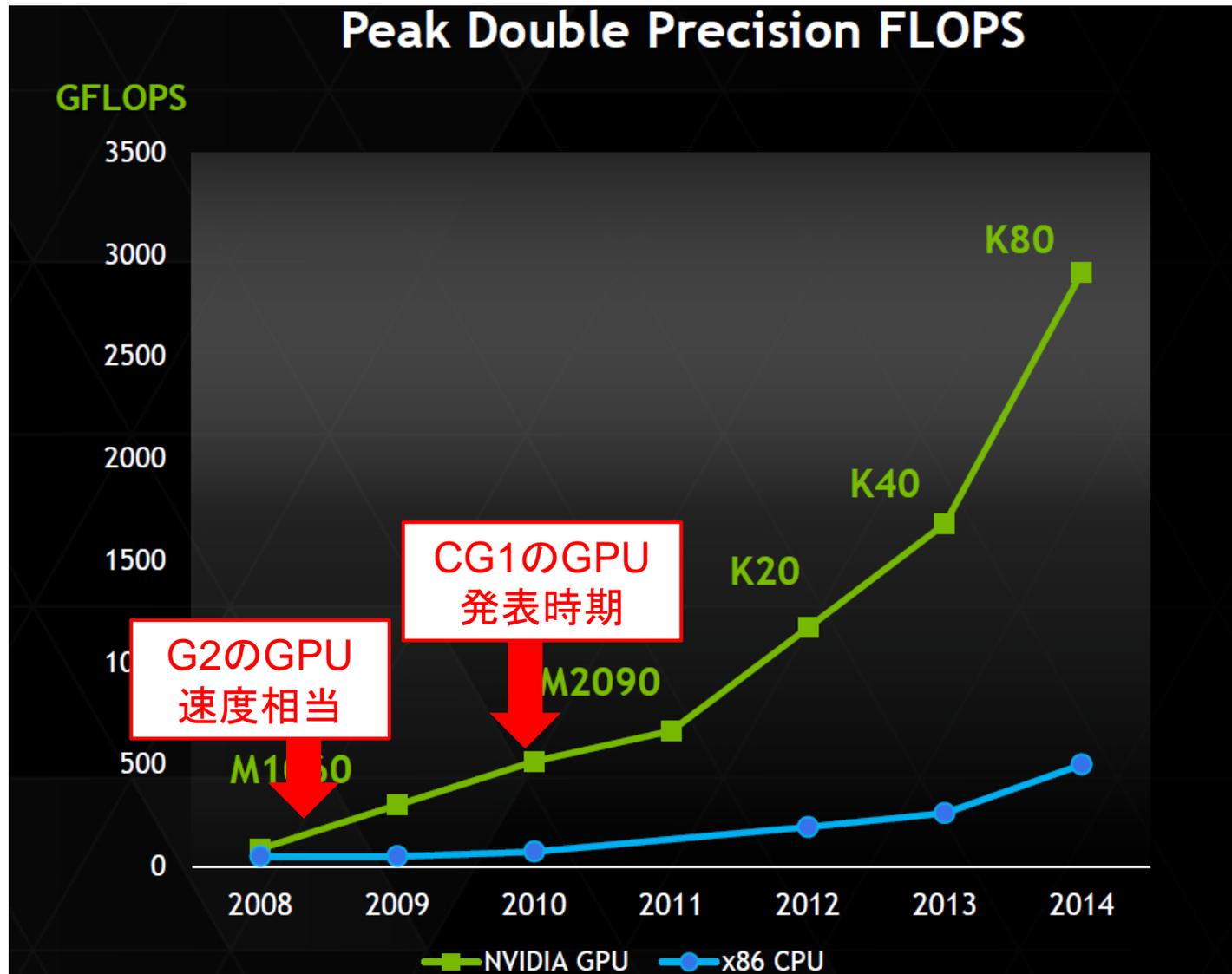
Symscape、EQNはPCG-Smoothed\_Aggregation



## 高速化状況について

一見、GPUによって十分に高速化されているように思えますが...

# NVIDIA GPU 計算速度



(NVIDIA資料より)

最新のGPUを用いた場合、更に圧倒的な高速化が可能！



## まとめ・コメント

- EQNソルバーはじめSym scape、RapidCFD各社GPUソルバーでCPUよりも大幅な高速化を実現できた
- 計算量が小さすぎて、一回あたり1秒以内等の計算ではGPUの性能がまだまだ発揮しきれていない
- g2インスタンスは8円/時間程度のスポット料金なので積極的に高速化に利用しましょう
- 次回、K80での大幅な高速化の成果発表にご期待ください！